

LEAN

**Cuando las matemáticas y
la tecnología se unen**

Fernando Chu

Diciembre 2025 - UNMSM

¿Qué es Lean?

¿Qué es Lean?

Lean es un lenguaje de programación funcional y un asistente de pruebas de código abierto.

¿Qué es Lean?

Lean es un lenguaje de programación funcional y un asistente de pruebas de código abierto.

¿Qué es Lean?

Lean es un lenguaje de programación funcional y un asistente de pruebas de código abierto.

¿Qué es Lean?

Lean es un lenguaje de programación funcional y un asistente de pruebas de código abierto.

¿Por qué Lean?
¿Por qué formalizar?

Certeza de los resultados

Recordatorio: Todos cometemos errores!

Algunos ejemplos:

- La primera prueba del Teorema de Fermat de Wiles (1993) estaba equivocada.
- La hipótesis de homotopía fue demostrada por Kapranov y Voevodsky (1991). Años después, Simpson encontró un contraejemplo (1998)!
- Scholze, escribe sobre su propio teorema (2020):
...I think the theorem is of utmost foundational importance, so being 99.9% sure is not enough.

Certeza de los resultados

Recordatorio: Todos cometemos errores!

Algunos ejemplos:

- La primera prueba del Teorema de Fermat de Wiles (1993) estaba equivocada.
- La hipótesis de homotopía fue demostrada por Kapranov y Voevodsky (1991). Años después, Simpson encontró un contraejemplo (1998)!
- Scholze, escribe sobre su propio teorema (2020):
...I think the theorem is of utmost foundational importance, so being 99.9% sure is not enough.

Certeza de los resultados

Recordatorio: Todos cometemos errores!

Algunos ejemplos:

- La primera prueba del Teorema de Fermat de Wiles (1993) estaba equivocada.
- La hipótesis de homotopía fue demostrada por Kapranov y Voevodsky (1991). Años después, Simpson encontró un contraejemplo (1998)!
- Scholze, escribe sobre su propio teorema (2020):
...I think the theorem is of utmost foundational importance, so being 99.9% sure is not enough.

Certeza de los resultados

Recordatorio: Todos cometemos errores!

Algunos ejemplos:

- La primera prueba del Teorema de Fermat de Wiles (1993) estaba equivocada.
- La hipótesis de homotopía fue demostrada por Kapranov y Voevodsky (1991). Años después, Simpson encontró un contraejemplo (1998)!
- Scholze, escribe sobre su propio teorema (2020):
...I think the theorem is of utmost foundational importance, so being 99.9% sure is not enough.

Entendimiento de los resultados

Scholze retó a la comunidad de Lean a que formalizara su teorema (2020), seis meses después el reto fue cumplido. Él escribe:

When I wrote the blog post half a year ago, I did not understand why the argument worked, (...) during the formalization, a significant amount of convex geometry had to be formalized (...) this made me realize that actually the key thing happening is a reduction from a non-convex problem over the reals to a convex problem over the integers.

El proyecto fue un gran éxito! Rápidamente, otros grandes matemáticos siguieron este ejemplo.

Entendimiento de los resultados

Scholze retó a la comunidad de Lean a que formalizara su teorema (2020), seis meses después el reto fue cumplido. Él escribe:

When I wrote the blog post half a year ago, I did not understand why the argument worked, (...) during the formalization, a significant amount of convex geometry had to be formalized (...) this made me realize that actually the key thing happening is a reduction from a non-convex problem over the reals to a convex problem over the integers.

El proyecto fue un gran éxito! Rápidamente, otros grandes matemáticos siguieron este ejemplo.

Otras razones

- Asistencia en las pruebas:
Ej., casos múltiples, argumentos rutinarios.
- Asistencia en la enseñanza:
Ej., Tao formalizó su libro de análisis, hay cursos de primer año en varias universidades.
- Colaboración de las matemáticas:
Ej., paralelización del trabajo: “Equational Theories Project” (Tao, 2024) con 65 contribuidores! Buzzard y FLT, etc.

Otras razones

- Incentiva buenas abstracciones:
Ej., Johan Commelin creó una nueva estructura algebraica para demostrar el teorema de Scholze.
- Archivo abierto de las matemáticas:
Definiciones y pruebas “del Libro”. Preservación de resultados a través de generaciones.
- Posiciones laborales:
Posiciones en academia e industria.

Otras razones

- Cura contra la halucinación:
Lean sirve como un puente de confianza entre IAs y personas.
- Formalización del conocimiento humano:
Proyectos en CS, física, lógica, etc.
- (Especulativo) Un requisito en un futuro:
Grandes matemáticos ya se están adelantando, y formalizando sus resultados (Tao, Riehl, Scholze, etc).

Una razón más:
¡Es divertido!

Mathlib

No queremos definir todas las matemáticas desde 0.

Queremos una librería con todas las matemáticas básicas:

¡Mathlib!

Mathlib

No queremos definir todas las matemáticas desde 0.

Queremos una librería con todas las matemáticas básicas:

¡Mathlib!

Mathlib

No queremos definir todas las matemáticas desde 0.

Queremos una librería con todas las matemáticas básicas:

¡Mathlib!

Mathlib

Mathlib es la librería de matemáticas formalizadas más grande del mundo.

- Desarrollada por más de 100 contribuyentes
- Más de 2 millones de líneas de código.
- Básicamente toda la matemática de nivel de pregrado ya está formalizada.
- Necesitamos más contribuyentes!

Los invito a unirse a la comunidad de Lean en Zulip:

<https://leanprover.zulipchat.com/>

¡Gracias!